Exercice 48 p. 223

Exercice 48 p. 223

1. C'est vrai.

Exercice 48 p. 223

1. C'est vrai. La fonction sin est croissante sur $\left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$

Exercice 48 p. 223

1. C'est vrai. La fonction sin est croissante sur $\left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant \sin(0)$.

Exercice 48 p. 223

1. C'est vrai. La fonction sin est croissante sur $\left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant \sin(0)$. Or, $\sin(0) = 0$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant 0$.

Exercice 48 p. 223

1. C'est vrai. La fonction sin est croissante sur $\left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant \sin(0)$. Or, $\sin(0) = 0$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant 0$.
2. C'est faux.

Exercice 48 p. 223

1. C'est vrai. La fonction sin est croissante sur $\left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant \sin(0)$. Or, $\sin(0) = 0$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant 0$.
2. C'est faux. Par exemple, $\sin(\frac{2\pi}{3}) = \frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant 0$

Exercice 48 p. 223

1. C'est vrai. La fonction sin est croissante sur $\left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant \sin(0)$. Or, $\sin(0) = 0$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant 0$.
2. C'est faux. Par exemple, $\sin(\frac{2\pi}{3}) = \frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant 0$ mais $\frac{2\pi}{3} \notin \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$.

Exercice 48 p. 223

1. C'est vrai. La fonction sin est croissante sur $\left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant \sin(0)$. Or, $\sin(0) = 0$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant 0$.
2. C'est faux. Par exemple, $\sin(\frac{2\pi}{3}) = \frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant 0$ mais $\frac{2\pi}{3} \notin \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$.
3. C'est faux.

Exercice 48 p. 223

1. C'est vrai. La fonction sin est croissante sur $\left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant \sin(0)$. Or, $\sin(0) = 0$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant 0$.
2. C'est faux. Par exemple, $\sin(\frac{2\pi}{3}) = \frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant 0$ mais $\frac{2\pi}{3} \notin \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$.
3. C'est faux. Par exemple, $\frac{2\pi}{3} \in [0\,;\pi]$

Exercice 48 p. 223

1. C'est vrai. La fonction sin est croissante sur $\left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant \sin(0)$. Or, $\sin(0) = 0$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant 0$.
2. C'est faux. Par exemple, $\sin(\frac{2\pi}{3}) = \frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant 0$ mais $\frac{2\pi}{3} \notin \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$.
3. C'est faux. Par exemple, $\frac{2\pi}{3} \in [0\,;\pi]$ mais $\cos(\frac{2\pi}{3}) = -\frac{1}{2} < 0$.

Exercice 48 p. 223

1. C'est vrai. La fonction sin est croissante sur $\left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant \sin(0)$. Or, $\sin(0) = 0$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant 0$.
2. C'est faux. Par exemple, $\sin(\frac{2\pi}{3}) = \frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant 0$ mais $\frac{2\pi}{3} \notin \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$.
3. C'est faux. Par exemple, $\frac{2\pi}{3} \in [0\,;\pi]$ mais $\cos(\frac{2\pi}{3}) = -\frac{1}{2} < 0$.
4. C'est vrai

Exercice 48 p. 223

1. C'est vrai. La fonction sin est croissante sur $\left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant \sin(0)$. Or, $\sin(0) = 0$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant 0$.
2. C'est faux. Par exemple, $\sin(\frac{2\pi}{3}) = \frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant 0$ mais $\frac{2\pi}{3} \notin \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$.
3. C'est faux. Par exemple, $\frac{2\pi}{3} \in [0\,;\pi]$ mais $\cos(\frac{2\pi}{3}) = -\frac{1}{2} < 0$.
4. C'est vrai car la fonction cos est croissante sur $\left[-\frac{pi}{2}\,;\frac{\pi}{2}\right]$

Exercice 48 p. 223

1. C'est vrai. La fonction sin est croissante sur $\left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant \sin(0)$. Or, $\sin(0) = 0$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant 0$.
2. C'est faux. Par exemple, $\sin(\frac{2\pi}{3}) = \frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant 0$ mais $\frac{2\pi}{3} \notin \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$.
3. C'est faux. Par exemple, $\frac{2\pi}{3} \in [0\,;\pi]$ mais $\cos(\frac{2\pi}{3}) = -\frac{1}{2} < 0$.
4. C'est vrai car la fonction cos est croissante sur $\left[-\frac{pi}{2}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout $x \in \left[-\frac{pi}{2}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\cos(x) \geqslant \cos(-\frac{\pi}{2})$.

Exercice 48 p. 223

1. C'est vrai. La fonction sin est croissante sur $\left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant \sin(0)$. Or, $\sin(0) = 0$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant 0$.
2. C'est faux. Par exemple, $\sin(\frac{2\pi}{3}) = \frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant 0$ mais $\frac{2\pi}{3} \notin \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$.
3. C'est faux. Par exemple, $\frac{2\pi}{3} \in [0\,;\pi]$ mais $\cos(\frac{2\pi}{3}) = -\frac{1}{2} < 0$.
4. C'est vrai car la fonction cos est croissante sur $\left[-\frac{pi}{2}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout $x \in \left[-\frac{pi}{2}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\cos(x) \geqslant \cos(-\frac{\pi}{2})$. Or, $\cos(-\frac{\pi}{2}) = 0$

Exercice 48 p. 223

1. C'est vrai. La fonction sin est croissante sur $\left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant \sin(0)$. Or, $\sin(0) = 0$ donc, pour tout réel $x \in \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\sin(x) \geqslant 0$.
2. C'est faux. Par exemple, $\sin(\frac{2\pi}{3}) = \frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant 0$ mais $\frac{2\pi}{3} \notin \left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$.
3. C'est faux. Par exemple, $\frac{2\pi}{3} \in [0\,;\pi]$ mais $\cos(\frac{2\pi}{3}) = -\frac{1}{2} < 0$.
4. C'est vrai car la fonction cos est croissante sur $\left[-\frac{pi}{2}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ donc, pour tout $x \in \left[-\frac{pi}{2}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\cos(x) \geqslant \cos(-\frac{\pi}{2})$. Or, $\cos(-\frac{\pi}{2}) = 0$ donc, pour tout $x \in \left[-\frac{\pi}{2}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, $\cos(x) \geqslant 0$

Exercice 62 p. 225

Exercice 62 p. 225

1. On a $\frac{\pi}{2} \leqslant \pi$

Exercice 62 p. 225

1. On a $\frac{\pi}{2} \leqslant \pi$ mais $\sin(\frac{\pi}{2}) = 1 > 0 = \sin(\pi)$.

Exercice 62 p. 225

1. On a $\frac{\pi}{2} \leqslant \pi$ mais $\sin(\frac{\pi}{2}) = 1 > 0 = \sin(\pi)$.
2. On a $\cos(\pi) = -1$

Exercice 62 p. 225

1. On a $\frac{\pi}{2} \leqslant \pi$ mais $\sin(\frac{\pi}{2}) = 1 > 0 = \sin(\pi)$.
2. On a $\cos(\pi) = -1$ mais $\sqrt{1 - \sin^2(\pi)} = \sqrt{1 - 0^2} = 1$.

Exercice 62 p. 225

1. On a $\frac{\pi}{2} \leqslant \pi$ mais $\sin(\frac{\pi}{2}) = 1 > 0 = \sin(\pi)$.
2. On a $\cos(\pi) = -1$ mais $\sqrt{1 - \sin^2(\pi)} = \sqrt{1 - 0^2} = 1$.
3. On a $\cos(0) = \cos(2\pi) = 1$

Exercice 62 p. 225

1. On a $\frac{\pi}{2} \leqslant \pi$ mais $\sin(\frac{\pi}{2}) = 1 > 0 = \sin(\pi)$.
2. On a $\cos(\pi) = -1$ mais $\sqrt{1 - \sin^2(\pi)} = \sqrt{1 - 0^2} = 1$.
3. On a $\cos(0) = \cos(2\pi) = 1$ mais $0 \neq 2\pi$.

Exercice 62 p. 225

1. On a $\frac{\pi}{2} \leqslant \pi$ mais $\sin(\frac{\pi}{2}) = 1 > 0 = \sin(\pi)$.
2. On a $\cos(\pi) = -1$ mais $\sqrt{1 - \sin^2(\pi)} = \sqrt{1 - 0^2} = 1$.
3. On a $\cos(0) = \cos(2\pi) = 1$ mais $0 \neq 2\pi$.
4. On a $-\frac{3\pi}{2} \leqslant 0$

Exercice 62 p. 225

1. On a $\frac{\pi}{2} \leqslant \pi$ mais $\sin(\frac{\pi}{2}) = 1 > 0 = \sin(\pi)$.
2. On a $\cos(\pi) = -1$ mais $\sqrt{1 - \sin^2(\pi)} = \sqrt{1 - 0^2} = 1$.
3. On a $\cos(0) = \cos(2\pi) = 1$ mais $0 \neq 2\pi$.
4. On a $-\frac{3\pi}{2} \leqslant 0$ mais $\sin(-\frac{3\pi}{2}) = 1 > 0$.

Exercice 62 p. 225

1. On a $\frac{\pi}{2} \leqslant \pi$ mais $\sin(\frac{\pi}{2}) = 1 > 0 = \sin(\pi)$.
2. On a $\cos(\pi) = -1$ mais $\sqrt{1 - \sin^2(\pi)} = \sqrt{1 - 0^2} = 1$.
3. On a $\cos(0) = \cos(2\pi) = 1$ mais $0 \neq 2\pi$.
4. On a $-\frac{3\pi}{2} \leqslant 0$ mais $\sin(-\frac{3\pi}{2}) = 1 > 0$.
5. On a $\frac{2\pi}{3} \geqslant 0$

Exercice 62 p. 225

1. On a $\frac{\pi}{2} \leqslant \pi$ mais $\sin(\frac{\pi}{2}) = 1 > 0 = \sin(\pi)$.
2. On a $\cos(\pi) = -1$ mais $\sqrt{1 - \sin^2(\pi)} = \sqrt{1 - 0^2} = 1$.
3. On a $\cos(0) = \cos(2\pi) = 1$ mais $0 \neq 2\pi$.
4. On a $-\frac{3\pi}{2} \leqslant 0$ mais $\sin(-\frac{3\pi}{2}) = 1 > 0$.
5. On a $\frac{2\pi}{3} \geqslant 0$ mais $\cos(\frac{2\pi}{3}) = -\frac{1}{2} < 0$.

Exercice 83 p. 227.

Exercice 83 p. 227. On sait que $\cos$ prend toutes les valeurs entre -1 et 1

Exercice 83 p. 227. On sait que $\cos$ prend toutes les valeurs entre -1 et 1 donc $f : x \mapsto \cos(x) + 1$ prend toutes les valeurs entre 0 et 2

Exercice 83 p. 227. On sait que $\cos$ prend toutes les valeurs entre -1 et 1 donc $f : x \mapsto \cos(x) + 1$ prend toutes les valeurs entre 0 et 2 et $g : x \mapsto 2\cos(x)$ prend toutes les valeurs entre -2 et 2.

Exercice 83 p. 227. On sait que $\cos$ prend toutes les valeurs entre -1 et 1 donc $f : x \mapsto \cos(x) + 1$ prend toutes les valeurs entre 0 et 2 et $g : x \mapsto 2\cos(x)$ prend toutes les valeurs entre -2 et 2. On en déduit que $\mathscr{C}_1$ est la courbe de g,

Exercice 83 p. 227. On sait que $\cos$ prend toutes les valeurs entre -1 et 1 donc $f : x \mapsto \cos(x) + 1$ prend toutes les valeurs entre 0 et 2 et $g : x \mapsto 2\cos(x)$ prend toutes les valeurs entre -2 et 2. On en déduit que $\mathscr{C}_1$ est la courbe de g, $\mathscr{C}_2$ est la courbe de f

Exercice 83 p. 227. On sait que $\cos$ prend toutes les valeurs entre -1 et 1 donc $f : x \mapsto \cos(x) + 1$ prend toutes les valeurs entre 0 et 2 et $g : x \mapsto 2\cos(x)$ prend toutes les valeurs entre -2 et 2. On en déduit que $\mathscr{C}_1$ est la courbe de g, $\mathscr{C}_2$ est la courbe de f et donc $\mathscr{C}_3$ est la courbe de h.

Exercice 86 p. 227

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$,

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$,

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6} ; \frac{\pi}{6}\right]$,

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6}\,;\frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6}\,;\frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6}\,;\frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6}\,;\frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6}\,;\frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.
4. Sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{2\pi}{3}\right]$,

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6}\,;\frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.
4. Sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{2\pi}{3}\right]$, la fonction sin n'est pas monotone.

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6}\,;\frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.
4. Sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{2\pi}{3}\right]$, la fonction sin n'est pas monotone. Cependant,

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6}\,;\frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.
4. Sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{2\pi}{3}\right]$, la fonction sin n'est pas monotone. Cependant,
   - sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{\pi}{2}\right]$,

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6} ; \frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.
4. Sur $\left[\frac{\pi}{3} ; \frac{2\pi}{3}\right]$, la fonction sin n'est pas monotone. Cependant,
   - sur $\left[\frac{\pi}{3} ; \frac{\pi}{2}\right]$, sin est croissante

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6}\,;\frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.
4. Sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{2\pi}{3}\right]$, la fonction sin n'est pas monotone. Cependant,
   - sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, sin est croissante donc si $\frac{\pi}{3} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{2}$

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6}\,;\frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.
4. Sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{2\pi}{3}\right]$, la fonction sin n'est pas monotone. Cependant,
   - sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, sin est croissante donc si $\frac{\pi}{3} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{2}$ alors $\sin(\frac{\pi}{3}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6} ; \frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.
4. Sur $\left[\frac{\pi}{3} ; \frac{2\pi}{3}\right]$, la fonction sin n'est pas monotone. Cependant,
   - sur $\left[\frac{\pi}{3} ; \frac{\pi}{2}\right]$, sin est croissante donc si $\frac{\pi}{3} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{2}$ alors $\sin(\frac{\pi}{3}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6}\,;\frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.
4. Sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{2\pi}{3}\right]$, la fonction sin n'est pas monotone. Cependant,
   - sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, sin est croissante donc si $\frac{\pi}{3} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{2}$ alors $\sin(\frac{\pi}{3}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
   - sur $\left[\frac{\pi}{2}\,;\frac{2\pi}{3}\right]$,

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6}\,;\frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.
4. Sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{2\pi}{3}\right]$, la fonction sin n'est pas monotone. Cependant,
   - sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, sin est croissante donc si $\frac{\pi}{3} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{2}$ alors $\sin(\frac{\pi}{3}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
   - sur $\left[\frac{\pi}{2}\,;\frac{2\pi}{3}\right]$, sin est décroissante

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6}\,;\frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.
4. Sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{2\pi}{3}\right]$, la fonction sin n'est pas monotone. Cependant,
   - sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, sin est croissante donc si $\frac{\pi}{3} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{2}$ alors $\sin(\frac{\pi}{3}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
   - sur $\left[\frac{\pi}{2}\,;\frac{2\pi}{3}\right]$, sin est décroissante donc si $\frac{\pi}{2} \leqslant x \leqslant \frac{2\pi}{3}$

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6} ; \frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.
4. Sur $\left[\frac{\pi}{3} ; \frac{2\pi}{3}\right]$, la fonction sin n'est pas monotone. Cependant,
   - sur $\left[\frac{\pi}{3} ; \frac{\pi}{2}\right]$, sin est croissante donc si $\frac{\pi}{3} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{2}$ alors $\sin(\frac{\pi}{3}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
   - sur $\left[\frac{\pi}{2} ; \frac{2\pi}{3}\right]$, sin est décroissante donc si $\frac{\pi}{2} \leqslant x \leqslant \frac{2\pi}{3}$ alors $\sin(\frac{\pi}{2}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{2\pi}{3})$

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4}\,;\frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3}\,;\frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6}\,;\frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.
4. Sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{2\pi}{3}\right]$, la fonction sin n'est pas monotone. Cependant,
   - sur $\left[\frac{\pi}{3}\,;\frac{\pi}{2}\right]$, sin est croissante donc si $\frac{\pi}{3} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{2}$ alors $\sin(\frac{\pi}{3}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
   - sur $\left[\frac{\pi}{2}\,;\frac{2\pi}{3}\right]$, sin est décroissante donc si $\frac{\pi}{2} \leqslant x \leqslant \frac{2\pi}{3}$ alors $\sin(\frac{\pi}{2}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{2\pi}{3})$c'est-à-dire $1 \geqslant \sin(x) \geqslant \frac{\sqrt{3}}{2}$.

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6} ; \frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.
4. Sur $\left[\frac{\pi}{3} ; \frac{2\pi}{3}\right]$, la fonction sin n'est pas monotone. Cependant,
   - sur $\left[\frac{\pi}{3} ; \frac{\pi}{2}\right]$, sin est croissante donc si $\frac{\pi}{3} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{2}$ alors $\sin(\frac{\pi}{3}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
   - sur $\left[\frac{\pi}{2} ; \frac{2\pi}{3}\right]$, sin est décroissante donc si $\frac{\pi}{2} \leqslant x \leqslant \frac{2\pi}{3}$ alors $\sin(\frac{\pi}{2}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{2\pi}{3})$c'est-à-dire $1 \geqslant \sin(x) \geqslant \frac{\sqrt{3}}{2}$.

   Ainsi, dans tous les cas,

Exercice 86 p. 227

1. Sur $\left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $x \in \left[\frac{\pi}{4} ; \frac{\pi}{2}\right]$ alors $\sin(\frac{\pi}{4}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{2}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
2. Sur $\left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$, la fonction sin est décroissante donc si $x \in \left[\frac{2\pi}{3} ; \frac{7\pi}{6}\right]$ alors $\sin(\frac{2\pi}{3}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{7\pi}{6})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \geqslant \sin(x) \geqslant -\frac{1}{2}$.
3. Sur $\left[-\frac{\pi}{6} ; \frac{\pi}{6}\right]$, la fonction sin est croissante donc si $-\frac{\pi}{6} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{6}$ alors $\sin(-\frac{\pi}{6}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{6})$ c'est-à-dire $-\frac{1}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant \frac{1}{2}$.
4. Sur $\left[\frac{\pi}{3} ; \frac{2\pi}{3}\right]$, la fonction sin n'est pas monotone. Cependant,
   - sur $\left[\frac{\pi}{3} ; \frac{\pi}{2}\right]$, sin est croissante donc si $\frac{\pi}{3} \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{2}$ alors $\sin(\frac{\pi}{3}) \leqslant \sin(x) \leqslant \sin(\frac{\pi}{2})$ c'est-à-dire $\frac{\sqrt{3}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.
   - sur $\left[\frac{\pi}{2} ; \frac{2\pi}{3}\right]$, sin est décroissante donc si $\frac{\pi}{2} \leqslant x \leqslant \frac{2\pi}{3}$ alors $\sin(\frac{\pi}{2}) \geqslant \sin(x) \geqslant \sin(\frac{2\pi}{3})$c'est-à-dire $1 \geqslant \sin(x) \geqslant \frac{\sqrt{3}}{2}$.

   Ainsi, dans tous les cas, si $\frac{\pi}{3} \leqslant x \leqslant \frac{2\pi}{3}$ alors $\frac{\sqrt{3}}{2} \leqslant \sin(x) \leqslant 1$.

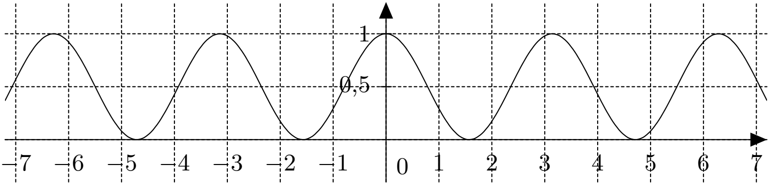
Exercice 89 p. 227

Exercice 89 p. 227

1. La courbe de f est la suivante :

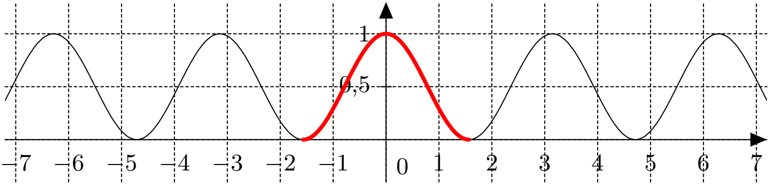
Exercice 89 p. 227

1. La courbe de f est la suivante :



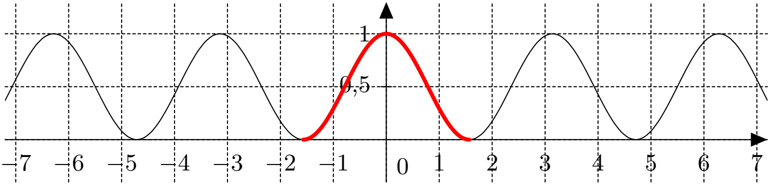
Exercice 89 p. 227

1. La courbe de f est la suivante :



Exercice 89 p. 227

1. La courbe de f est la suivante :



On peut conjecturer que f est paire et périodique de période π.

2. Soit $x \in \mathbb{R}$.

2. Soit $x \in \mathbb{R}$. Alors, $-x \in \mathbb{R}$

2. Soit $x \in \mathbb{R}$. Alors, $-x \in \mathbb{R}$ et, comme cos est paire,

2. Soit $x \in \mathbb{R}$. Alors, $-x \in \mathbb{R}$ et, comme cos est paire,
   $f(-x) =$

2. Soit $x \in \mathbb{R}$. Alors, $-x \in \mathbb{R}$ et, comme cos est paire,
$f(-x) = \cos^2(-x) =$

2. Soit $x \in \mathbb{R}$. Alors, $-x \in \mathbb{R}$ et, comme cos est paire,
$f(-x) = \cos^2(-x) = \cos(x) =$

2. Soit $x \in \mathbb{R}$. Alors, $-x \in \mathbb{R}$ et, comme cos est paire, $f(-x) = \cos^2(-x) = \cos(x) = f(x)$ donc f est paire.

2. Soit $x \in \mathbb{R}$. Alors, $-x \in \mathbb{R}$ et, comme cos est paire, $f(-x) = \cos^2(-x) = \cos(x) = f(x)$ donc f est paire. Ensuite,

2. Soit $x \in \mathbb{R}$. Alors, $-x \in \mathbb{R}$ et, comme cos est paire, $f(-x) = \cos^2(-x) = \cos(x) = f(x)$ donc f est paire. Ensuite, comme $\cos(x + \pi)$

2. Soit $x \in \mathbb{R}$. Alors, $-x \in \mathbb{R}$ et, comme cos est paire, $f(-x) = \cos^2(-x) = \cos(x) = f(x)$ donc f est paire. Ensuite, comme $\cos(x+\pi) = -\cos(x)$, $f(x+\pi) =$

2. Soit $x \in \mathbb{R}$. Alors, $-x \in \mathbb{R}$ et, comme cos est paire, $f(-x) = \cos^2(-x) = \cos(x) = f(x)$ donc f est paire. Ensuite, comme $\cos(x+\pi) = -\cos(x)$, $f(x+\pi) = \cos^2(x+\pi) =$

2. Soit $x \in \mathbb{R}$. Alors, $-x \in \mathbb{R}$ et, comme cos est paire, $f(-x) = \cos^2(-x) = \cos(x) = f(x)$ donc f est paire. Ensuite, comme $\cos(x+\pi) = -\cos(x)$, $f(x+\pi) = \cos^2(x+\pi) = (-\cos(x))^2 =$

2. Soit $x \in \mathbb{R}$. Alors, $-x \in \mathbb{R}$ et, comme cos est paire, $f(-x) = \cos^2(-x) = \cos(x) = f(x)$ donc f est paire. Ensuite, comme $\cos(x+\pi) = -\cos(x)$, $f(x+\pi) = \cos^2(x+\pi) = (-\cos(x))^2 = (\cos(x))^2 =$

2. Soit $x \in \mathbb{R}$. Alors, $-x \in \mathbb{R}$ et, comme cos est paire, $f(-x) = \cos^2(-x) = \cos(x) = f(x)$ donc f est paire. Ensuite, comme $\cos(x+\pi) = -\cos(x)$, $f(x+\pi) = \cos^2(x+\pi) = (-\cos(x))^2 = (\cos(x))^2 = \cos^2(x) =$

2. Soit $x \in \mathbb{R}$. Alors, $-x \in \mathbb{R}$ et, comme cos est paire, $f(-x) = \cos^2(-x) = \cos(x) = f(x)$ donc f est paire.
Ensuite, comme $\cos(x + \pi) = -\cos(x)$, $f(x + \pi) = \cos^2(x + \pi) = (-\cos(x))^2 = (\cos(x))^2 = \cos^2(x) = f(x)$

2. Soit $x \in \mathbb{R}$. Alors, $-x \in \mathbb{R}$ et, comme cos est paire, $f(-x) = \cos^2(-x) = \cos(x) = f(x)$ donc f est paire. Ensuite, comme $\cos(x+\pi) = -\cos(x)$, $f(x+\pi) = \cos^2(x+\pi) = (-\cos(x))^2 = (\cos(x))^2 = \cos^2(x) = f(x)$ donc f est périodique de période π.