

## Exercice 3 p. 347

### Exercice 3 p. 347

1. Par définition,

$$E(X)$$

### Exercice 3 p. 347

1. Par définition,

$$E(X) = 0,5 \times (-3) + 0,1 \times 1 + 0,1 \times 6 + 0,1 \times 9 + 0,2 \times 12$$

### Exercice 3 p. 347

1. Par définition,

$$E(X) = 0,5 \times (-3) + 0,1 \times 1 + 0,1 \times 6 + 0,1 \times 9 + 0,2 \times 12 = 2,5.$$

### Exercice 3 p. 347

1. Par définition,

$$E(X) = 0,5 \times (-3) + 0,1 \times 1 + 0,1 \times 6 + 0,1 \times 9 + 0,2 \times 12 = 2,5.$$

2. Grâce à la formule de König-Huygens,

$$V(X)$$

### Exercice 3 p. 347

1. Par définition,

$$E(X) = 0,5 \times (-3) + 0,1 \times 1 + 0,1 \times 6 + 0,1 \times 9 + 0,2 \times 12 = 2,5.$$

2. Grâce à la formule de König-Huygens,

$$V(X) = 0,5 \times (-3)^2 + 0,1 \times 1^2 + 0,1 \times 6^2 + 0,1 \times 9^2 + 0,2 \times 12^2 - 2,5^2$$

### Exercice 3 p. 347

1. Par définition,

$$E(X) = 0,5 \times (-3) + 0,1 \times 1 + 0,1 \times 6 + 0,1 \times 9 + 0,2 \times 12 = 2,5.$$

2. Grâce à la formule de König-Huygens,

$$\begin{aligned} V(X) &= 0,5 \times (-3)^2 + 0,1 \times 1^2 + 0,1 \times 6^2 + 0,1 \times 9^2 + 0,2 \times 12^2 - 2,5^2 \\ &= 38,85. \end{aligned}$$

## Exercice 6 p. 349

## Exercice 6 p. 349

1. Les valeurs prises par  $X$  sont

## Exercice 6 p. 349

1. Les valeurs prises par  $X$  sont  $0 - 10 = -10$ ,

## Exercice 6 p. 349

1. Les valeurs prises par  $X$  sont  $0 - 10 = -10$ ,  $4 - 10 = -6$ ,

## Exercice 6 p. 349

1. Les valeurs prises par  $X$  sont  $0 - 10 = -10$ ,  $4 - 10 = -6$ ,  
 $15 - 10 = 5$  et

## Exercice 6 p. 349

1. Les valeurs prises par  $X$  sont  $0 - 10 = -10$ ,  $4 - 10 = -6$ ,  
 $15 - 10 = 5$  et  $100 - 10 = 90$ .

## Exercice 6 p. 349

1. Les valeurs prises par  $X$  sont  $0 - 10 = -10$ ,  $4 - 10 = -6$ ,  
 $15 - 10 = 5$  et  $100 - 10 = 90$ . Ainsi,  
 $X(\Omega) = \{-10; -6; 5; 90\}$ .

## Exercice 6 p. 349

1. Les valeurs prises par  $X$  sont  $0 - 10 = -10$ ,  $4 - 10 = -6$ ,  $15 - 10 = 5$  et  $100 - 10 = 90$ . Ainsi,  
 $X(\Omega) = \{-10; -6; 5; 90\}$ .

Comme les tirages sont équiprobables, on modélise un tirage par l'équiprobabilité sur l'ensemble des 10 boules.

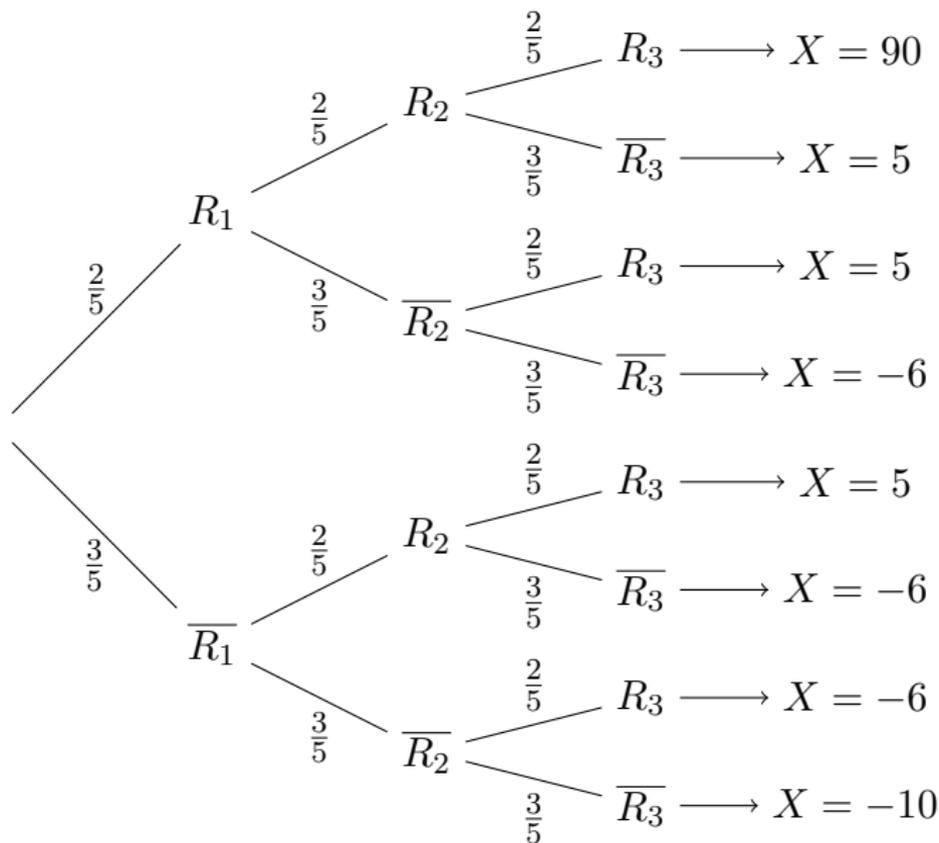
## Exercice 6 p. 349

1. Les valeurs prises par  $X$  sont  $0 - 10 = -10$ ,  $4 - 10 = -6$ ,  $15 - 10 = 5$  et  $100 - 10 = 90$ . Ainsi,  
 $X(\Omega) = \{-10; -6; 5; 90\}$ .

Comme les tirages sont équiprobables, on modélise un tirage par l'équiprobabilité sur l'ensemble des 10 boules. Comme il y a remise de la boule tirée, à chaque tirage, la probabilité de tirer une boule rouge est  $\frac{4}{10} = \frac{2}{5}$ .

On peut représenter l'expérience par l'arbre suivant en notant  $R_i$  l'évènement « le joueur tire une boule rouge au  $i$ -ème tirage ».

On peut représenter l'expérience par l'arbre suivant en notant  $R_i$  l'évènement « le joueur tire une boule rouge au  $i$ -ème tirage ».



On en déduit que

On en déduit que

$$P(X = -10) =$$

On en déduit que

$$P(X = -10) = \left(\frac{3}{5}\right)^3 =$$

On en déduit que

$$P(X = -10) = \left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{27}{125}$$

On en déduit que

$$P(X = -10) = \left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{27}{125}$$

$$P(X = -6) =$$

On en déduit que

$$P(X = -10) = \left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{27}{125}$$

$$P(X = -6) = 3 \times \frac{2}{5} \times \left(\frac{3}{5}\right)^2 =$$

On en déduit que

$$P(X = -10) = \left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{27}{125}$$

$$P(X = -6) = 3 \times \frac{2}{5} \times \left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{54}{125}$$

On en déduit que

$$P(X = -10) = \left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{27}{125}$$

$$P(X = -6) = 3 \times \frac{2}{5} \times \left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{54}{125}$$

$$P(X = 5) =$$

On en déduit que

$$P(X = -10) = \left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{27}{125}$$

$$P(X = -6) = 3 \times \frac{2}{5} \times \left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{54}{125}$$

$$P(X = 5) = 3 \times \left(\frac{2}{5}\right)^2 \times \frac{3}{5} =$$

On en déduit que

$$P(X = -10) = \left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{27}{125}$$

$$P(X = -6) = 3 \times \frac{2}{5} \times \left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{54}{125}$$

$$P(X = 5) = 3 \times \left(\frac{2}{5}\right)^2 \times \frac{3}{5} = \frac{36}{125}$$

On en déduit que

$$P(X = -10) = \left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{27}{125}$$

$$P(X = -6) = 3 \times \frac{2}{5} \times \left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{54}{125}$$

$$P(X = 5) = 3 \times \left(\frac{2}{5}\right)^2 \times \frac{3}{5} = \frac{36}{125}$$

$$P(X = 90 =$$

On en déduit que

$$P(X = -10) = \left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{27}{125}$$

$$P(X = -6) = 3 \times \frac{2}{5} \times \left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{54}{125}$$

$$P(X = 5) = 3 \times \left(\frac{2}{5}\right)^2 \times \frac{3}{5} = \frac{36}{125}$$

$$P(X = 90) = \left(\frac{2}{5}\right)^3 =$$

On en déduit que

$$P(X = -10) = \left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{27}{125}$$

$$P(X = -6) = 3 \times \frac{2}{5} \times \left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{54}{125}$$

$$P(X = 5) = 3 \times \left(\frac{2}{5}\right)^2 \times \frac{3}{5} = \frac{36}{125}$$

$$P(X = 90) = \left(\frac{2}{5}\right)^3 = \frac{8}{125}$$

On en déduit que

$$P(X = -10) = \left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{27}{125}$$

$$P(X = -6) = 3 \times \frac{2}{5} \times \left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{54}{125}$$

$$P(X = 5) = 3 \times \left(\frac{2}{5}\right)^2 \times \frac{3}{5} = \frac{36}{125}$$

$$P(X = 90) = \left(\frac{2}{5}\right)^3 = \frac{8}{125}$$

Ainsi, la loi de  $X$  est donnée par le tableau suivant :

On en déduit que

$$P(X = -10) = \left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{27}{125}$$

$$P(X = -6) = 3 \times \frac{2}{5} \times \left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{54}{125}$$

$$P(X = 5) = 3 \times \left(\frac{2}{5}\right)^2 \times \frac{3}{5} = \frac{36}{125}$$

$$P(X = 90) = \left(\frac{2}{5}\right)^3 = \frac{8}{125}$$

Ainsi, la loi de  $X$  est donnée par le tableau suivant :

$x_i$	-10	-6	5	90
$p(X = x_i)$	$\frac{27}{125}$	$\frac{54}{125}$	$\frac{36}{125}$	$\frac{8}{125}$

2. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) =$$

2. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = \frac{27}{125} \times (-10) + \frac{54}{125} \times (-6) + \frac{36}{126} \times 5 + \frac{8}{125} \times 90 =$$

2. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = \frac{27}{125} \times (-10) + \frac{54}{125} \times (-6) + \frac{36}{126} \times 5 + \frac{8}{125} \times 90 = \frac{306}{125}$$

2. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = \frac{27}{125} \times (-10) + \frac{54}{125} \times (-6) + \frac{36}{126} \times 5 + \frac{8}{125} \times 90 = \frac{306}{125} \approx 2,45.$$

2. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = \frac{27}{125} \times (-10) + \frac{54}{125} \times (-6) + \frac{36}{126} \times 5 + \frac{8}{125} \times 90 = \frac{306}{125} \approx 2,45.$$

Cela signifie qu'en moyenne un joueur gagne environ 2,45 euros à chaque partie.

2. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = \frac{27}{125} \times (-10) + \frac{54}{125} \times (-6) + \frac{36}{126} \times 5 + \frac{8}{125} \times 90 = \frac{306}{125} \approx 2,45.$$

Cela signifie qu'en moyenne un joueur gagne environ 2,45 euros à chaque partie.

3. En moyenne, l'organisateur perd donc 2,45 euros par partie.

2. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = \frac{27}{125} \times (-10) + \frac{54}{125} \times (-6) + \frac{36}{126} \times 5 + \frac{8}{125} \times 90 = \frac{306}{125} \approx 2,45.$$

Cela signifie qu'en moyenne un joueur gagne environ 2,45 euros à chaque partie.

3. En moyenne, l'organisateur perd donc 2,45 euros par partie.  
Pour ne pas perdre d'argent, il doit augmenter la mise de telle sorte que l'espérance soit négative ou nulle.

2. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = \frac{27}{125} \times (-10) + \frac{54}{125} \times (-6) + \frac{36}{126} \times 5 + \frac{8}{125} \times 90 = \frac{306}{125} \approx 2,45.$$

Cela signifie qu'en moyenne un joueur gagne environ 2,45 euros à chaque partie.

3. En moyenne, l'organisateur perd donc 2,45 euros par partie. Pour ne pas perdre d'argent, il doit augmenter la mise de telle sorte que l'espérance soit négative ou nulle. Notons  $b$  l'augmentation de la mise cherchée.

2. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = \frac{27}{125} \times (-10) + \frac{54}{125} \times (-6) + \frac{36}{126} \times 5 + \frac{8}{125} \times 90 = \frac{306}{125} \approx 2,45.$$

Cela signifie qu'en moyenne un joueur gagne environ 2,45 euros à chaque partie.

3. En moyenne, l'organisateur perd donc 2,45 euros par partie. Pour ne pas perdre d'argent, il doit augmenter la mise de telle sorte que l'espérance soit négative ou nulle. Notons  $b$  l'augmentation de la mise cherchée. Le nouveau gain algébrique est alors  $Y = X - b$

2. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = \frac{27}{125} \times (-10) + \frac{54}{125} \times (-6) + \frac{36}{126} \times 5 + \frac{8}{125} \times 90 = \frac{306}{125} \approx 2,45.$$

Cela signifie qu'en moyenne un joueur gagne environ 2,45 euros à chaque partie.

3. En moyenne, l'organisateur perd donc 2,45 euros par partie. Pour ne pas perdre d'argent, il doit augmenter la mise de telle sorte que l'espérance soit négative ou nulle. Notons  $b$  l'augmentation de la mise cherchée. Le nouveau gain algébrique est alors  $Y = X - b$  donc, par linéarité de l'espérance,

2. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = \frac{27}{125} \times (-10) + \frac{54}{125} \times (-6) + \frac{36}{126} \times 5 + \frac{8}{125} \times 90 = \frac{306}{125} \approx 2,45.$$

Cela signifie qu'en moyenne un joueur gagne environ 2,45 euros à chaque partie.

3. En moyenne, l'organisateur perd donc 2,45 euros par partie.

Pour ne pas perdre d'argent, il doit augmenter la mise de telle sorte que l'espérance soit négative ou nulle. Notons  $b$  l'augmentation de la mise cherchée. Le nouveau gain algébrique est alors  $Y = X - b$  donc, par linéarité de l'espérance,  $E(Y) = E(X) - b = 2,45 - b$ .

2. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = \frac{27}{125} \times (-10) + \frac{54}{125} \times (-6) + \frac{36}{126} \times 5 + \frac{8}{125} \times 90 = \frac{306}{125} \approx 2,45.$$

Cela signifie qu'en moyenne un joueur gagne environ 2,45 euros à chaque partie.

3. En moyenne, l'organisateur perd donc 2,45 euros par partie. Pour ne pas perdre d'argent, il doit augmenter la mise de telle sorte que l'espérance soit négative ou nulle. Notons  $b$  l'augmentation de la mise cherchée. Le nouveau gain algébrique est alors  $Y = X - b$  donc, par linéarité de l'espérance,  $E(Y) = E(X) - b = 2,45 - b$ . Ainsi,  $E(Y) \leq 0$  si et seulement si  $2,45 - b \leq 0$

2. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = \frac{27}{125} \times (-10) + \frac{54}{125} \times (-6) + \frac{36}{126} \times 5 + \frac{8}{125} \times 90 = \frac{306}{125} \approx 2,45.$$

Cela signifie qu'en moyenne un joueur gagne environ 2,45 euros à chaque partie.

3. En moyenne, l'organisateur perd donc 2,45 euros par partie.

Pour ne pas perdre d'argent, il doit augmenter la mise de telle sorte que l'espérance soit négative ou nulle. Notons  $b$  l'augmentation de la mise cherchée. Le nouveau gain algébrique est alors  $Y = X - b$  donc, par linéarité de l'espérance,  $E(Y) = E(X) - b = 2,45 - b$ . Ainsi,  $E(Y) \leq 0$  si et seulement si  $2,45 - b \leq 0$  ce qui équivaut donc à  $b \geq 2,45$ .

2. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = \frac{27}{125} \times (-10) + \frac{54}{125} \times (-6) + \frac{36}{126} \times 5 + \frac{8}{125} \times 90 = \frac{306}{125} \approx 2,45.$$

Cela signifie qu'en moyenne un joueur gagne environ 2,45 euros à chaque partie.

3. En moyenne, l'organisateur perd donc 2,45 euros par partie.

Pour ne pas perdre d'argent, il doit augmenter la mise de telle sorte que l'espérance soit négative ou nulle. Notons  $b$  l'augmentation de la mise cherchée. Le nouveau gain algébrique est alors  $Y = X - b$  donc, par linéarité de l'espérance,  $E(Y) = E(X) - b = 2,45 - b$ . Ainsi,  $E(Y) \leq 0$  si et seulement si  $2,45 - b \leq 0$  ce qui équivaut donc à  $b \geq 2,45$ .

Ainsi, pour ne pas perdre d'argent, l'organisateur doit augmenter la mise d'au moins 2,45 euros et donc de 3 euros si on veut un nombre entier.

**Exercise 40 p. 355.**

**Exercice 40 p. 355.** À l'aide de la calculatrice, on trouve  
 $E(X) = 4,5$ ,  $V(X) = 85,95$  et  $\sigma(X) \approx 9,27$ .

## Exercise 41 p. 355

## Exercice 41 p. 355

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X)$$

## Exercice 41 p. 355

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,1 \times 5 + 0,45 \times 9 + 0,32 \times 10 + 0,13 \times 12$$

## Exercice 41 p. 355

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,1 \times 5 + 0,45 \times 9 + 0,32 \times 10 + 0,13 \times 12 = 9,31.$$

## Exercice 41 p. 355

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,1 \times 5 + 0,45 \times 9 + 0,32 \times 10 + 0,13 \times 12 = 9,31.$$

Grâce à la formule de König-Huygens,

$$V(X)$$

## Exercice 41 p. 355

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,1 \times 5 + 0,45 \times 9 + 0,32 \times 10 + 0,13 \times 12 = 9,31.$$

Grâce à la formule de König-Huygens,

$$V(X) = 0,1 \times 5^2 + 0,45 \times 9^2 + 0,32 \times 10^2 + 0,13 \times 12^2 - 9,31^2$$

## Exercice 41 p. 355

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,1 \times 5 + 0,45 \times 9 + 0,32 \times 10 + 0,13 \times 12 = 9,31.$$

Grâce à la formule de König-Huygens,

$$V(X) = 0,1 \times 5^2 + 0,45 \times 9^2 + 0,32 \times 10^2 + 0,13 \times 12^2 - 9,31^2 = 2,9939$$

## Exercice 41 p. 355

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,1 \times 5 + 0,45 \times 9 + 0,32 \times 10 + 0,13 \times 12 = 9,31.$$

Grâce à la formule de König-Huygens,

$$V(X) = 0,1 \times 5^2 + 0,45 \times 9^2 + 0,32 \times 10^2 + 0,13 \times 12^2 - 9,31^2 = 2,9939$$

et donc  $\sigma(X) = \sqrt{V(X)} \approx 1,73$ .

## Exercise 43 p. 356.

**Exercice 43 p. 356.** D'après le tableau, l'espérance de  $X$  est

$$E(X)$$

**Exercice 43 p. 356.** D'après le tableau, l'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,5 \times (-1) + 0,2 \times 2 + 0,3a$$

**Exercice 43 p. 356.** D'après le tableau, l'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,5 \times (-1) + 0,2 \times 2 + 0,3a = 0,3a - 0,1.$$

**Exercice 43 p. 356.** D'après le tableau, l'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,5 \times (-1) + 0,2 \times 2 + 0,3a = 0,3a - 0,1.$$

Or, l'énoncé précise que  $E(X) = 1,4$

**Exercice 43 p. 356.** D'après le tableau, l'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,5 \times (-1) + 0,2 \times 2 + 0,3a = 0,3a - 0,1.$$

Or, l'énoncé précise que  $E(X) = 1,4$  donc  $0,3a - 0,1 = 1,4$

**Exercice 43 p. 356.** D'après le tableau, l'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,5 \times (-1) + 0,2 \times 2 + 0,3a = 0,3a - 0,1.$$

Or, l'énoncé précise que  $E(X) = 1,4$  donc  $0,3a - 0,1 = 1,4$  i.e.  
 $0,3a = 1,5$

**Exercice 43 p. 356.** D'après le tableau, l'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,5 \times (-1) + 0,2 \times 2 + 0,3a = 0,3a - 0,1.$$

Or, l'énoncé précise que  $E(X) = 1,4$  donc  $0,3a - 0,1 = 1,4$  i.e.  $0,3a = 1,5$  et donc  $a = \frac{1,5}{0,3}$

**Exercice 43 p. 356.** D'après le tableau, l'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,5 \times (-1) + 0,2 \times 2 + 0,3a = 0,3a - 0,1.$$

Or, l'énoncé précise que  $E(X) = 1,4$  donc  $0,3a - 0,1 = 1,4$  i.e.  $0,3a = 1,5$  et donc  $a = \frac{1,5}{0,3}$  c'est-à-dire  $a = 5$ .

## Exercise 49 p. 356

## Exercice 49 p. 356

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X)$$

## Exercice 49 p. 356

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,6 \times (-3) + 0,2 \times (-2) + 0,05 \times 0 + 0,1 \times 1 + 0,05 \times 2$$

## Exercice 49 p. 356

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,6 \times (-3) + 0,2 \times (-2) + 0,05 \times 0 + 0,1 \times 1 + 0,05 \times 2 = -2$$

## Exercice 49 p. 356

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,6 \times (-3) + 0,2 \times (-2) + 0,05 \times 0 + 0,1 \times 1 + 0,05 \times 2 = -2$$

donc l'affirmation est fausse.

## Exercice 49 p. 356

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,6 \times (-3) + 0,2 \times (-2) + 0,05 \times 0 + 0,1 \times 1 + 0,05 \times 2 = -2$$

donc l'affirmation est fausse.

2. L'affirmation est vraie par linéarité de l'espérance :

$$E(2X) = 2E(X).$$

## Exercice 49 p. 356

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,6 \times (-3) + 0,2 \times (-2) + 0,05 \times 0 + 0,1 \times 1 + 0,05 \times 2 = -2$$

donc l'affirmation est fausse.

2. L'affirmation est vraie par linéarité de l'espérance :

$$E(2X) = 2E(X).$$

3. Augmenter toutes les valeurs de 10% revient à les multiplier par  $1 + \frac{10}{100} = 1,1$ .

## Exercice 49 p. 356

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,6 \times (-3) + 0,2 \times (-2) + 0,05 \times 0 + 0,1 \times 1 + 0,05 \times 2 = -2$$

donc l'affirmation est fausse.

2. L'affirmation est vraie par linéarité de l'espérance :

$$E(2X) = 2E(X).$$

3. Augmenter toutes les valeurs de 10% revient à les multiplier par  $1 + \frac{10}{100} = 1,1$ . Par linéarité de l'espérance,

$$E(1,1X) = 1,1E(X)$$

## Exercice 49 p. 356

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,6 \times (-3) + 0,2 \times (-2) + 0,05 \times 0 + 0,1 \times 1 + 0,05 \times 2 = -2$$

donc l'affirmation est fausse.

2. L'affirmation est vraie par linéarité de l'espérance :

$$E(2X) = 2E(X).$$

3. Augmenter toutes les valeurs de 10% revient à les multiplier par  $1 + \frac{10}{100} = 1,1$ . Par linéarité de l'espérance,  $E(1,1X) = 1,1E(X)$  donc l'espérance sera aussi multipliée par 1,1.

## Exercice 49 p. 356

1. L'espérance de  $X$  est

$$E(X) = 0,6 \times (-3) + 0,2 \times (-2) + 0,05 \times 0 + 0,1 \times 1 + 0,05 \times 2 = -2$$

donc l'affirmation est fausse.

2. L'affirmation est vraie par linéarité de l'espérance :

$$E(2X) = 2E(X).$$

3. Augmenter toutes les valeurs de 10% revient à les multiplier par  $1 + \frac{10}{100} = 1,1$ . Par linéarité de l'espérance,  $E(1,1X) = 1,1E(X)$  donc l'espérance sera aussi multipliée par 1,1. L'affirmation est fausse.